

Алгоритм последовательной жадной  
оптимизации целевой функции кодирования для  
создания биометрических шаблонов в задаче  
распознавания лиц

Горбачевич В.С. Визильтер Ю.В. Воротников А.В.

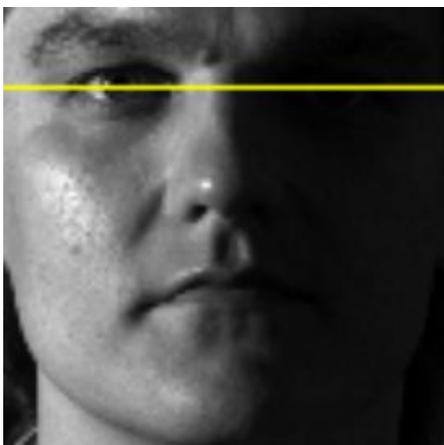
[gvs@gosniias.ru](mailto:gvs@gosniias.ru)

ФГУП ГосНИИАС

# Распознавание лиц



ПОИСК ЛИЦ



Нормализация



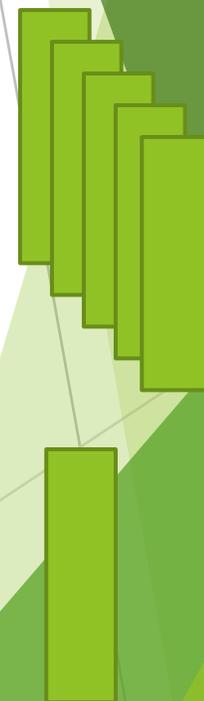
Построение  
биометрического шаблона



Сравнение



База данных



# Распознавание лиц

Задача верификации:



?



Задача верификации: попарное сравнение

характеристики FAR/FRR

# Распознавание лиц

Задача идентификации:



?



Задача идентификации : поиск в базе

характеристики СМС / RANK 1

# Распознавание лиц

ряд кандидатов



№1



№2



№3

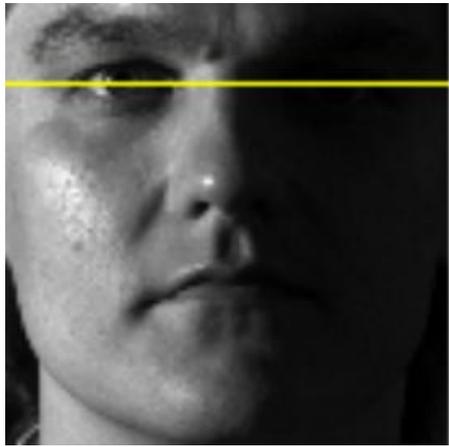


№4

Задача идентификации : поиск в базе

характеристики СМС / RANK 1

# Биометрический шаблон



Нормализация

Построение  
биометрического шаблона

- + КОМПАКТНОСТЬ
- + высокое качество сравнения
- + Высокая скорость построения

# Хеширование



+ КОМПАКТНОСТЬ

+ крайне высокая скорость сравнения

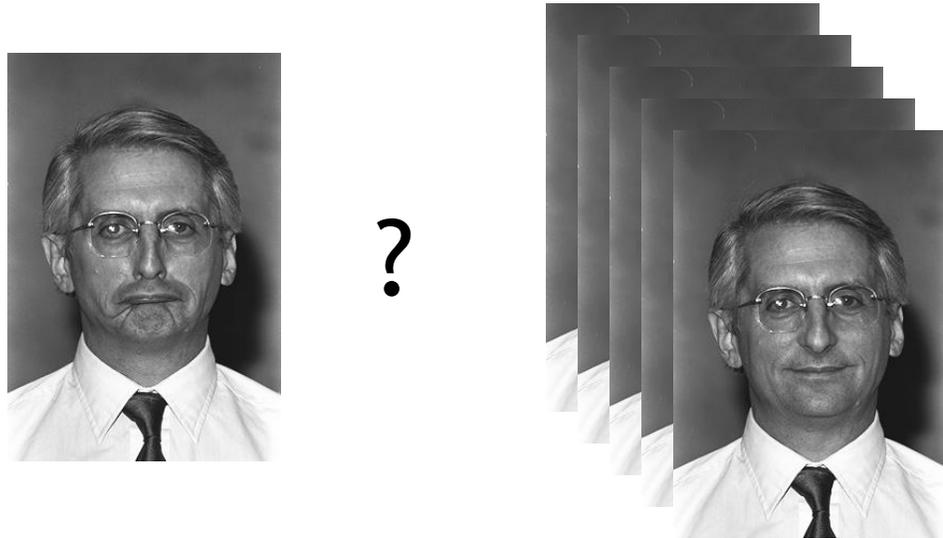
# Хеширование



## Алгоритмы хеширования:

- + LSH
- + SH
- + SSH
- + Random Hyperplane Hashing
- + ITQ
- + Boost SSH

# Специфика распознавания лиц:



- + очень большое число классов
- + малое число представителей одного класса
- + наличие только “парной” информации
- + огромное количество признаков различной природы

# Задача кодирования:

Имеется выборка объектов  $\{o_i\}_{i=1,\dots,N}$ , описываемых некоторыми  $m$ -мерными векторами признаков  $X = \{\mathbf{x}_i \in R^m\}_{i=1,\dots,N}$ . Требуется отобразить  $X$  в  $n$ -мерное пространство с метрикой Хэмминга:  $X = \{\mathbf{x}_i \in R^m\}_{i=1,\dots,N} \rightarrow Y = \{\mathbf{y}_i \in \{+1, -1\}^n\}_{i=1,\dots,N}$ .

Функция:

$$\mathbf{h}(\mathbf{x}): \mathbf{x} \in R^m \rightarrow \mathbf{y} \in \{+1, -1\}^n$$

называется  $n$ -битной *хэш-функцией* или  $n$ -битным *кодером*. Соответственно  $\mathbf{y} = \mathbf{h}(\mathbf{x})$  называется  $n$ -битным *хэш-кодом*  $\mathbf{x}$  относительно функции  $h$ . Функция

$$h(\mathbf{x}): \mathbf{x} \in R^m \rightarrow y \in \{+1, -1\}$$

называется *элементарной хэш-функцией* или *элементарным кодером*.

Будем также использовать следующие обозначения:

$d_{ij} = \|\mathbf{x}_i - \mathbf{x}_j\|$  – *исходное расстояние* между парой векторов в пространстве признаков;

$h_{ij} = \|\mathbf{y}_i - \mathbf{y}_j\|/2$  – *расстояние Хэмминга* между соответствующей парой векторов в пространстве признаков.

# Элементарный кодер

Пусть на каждой паре объектов выборки определена *функция управления парной разделимостью* (pairwise reparability control function)

$r(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) = r_{ij} \in R$ , такая что:

$r_{ij} > 0$ , если искомая элементарная хэш-функция  $h$  должна объекты  $i$  и  $j$  отождествлять;

$r_{ij} < 0$ , если искомая элементарная хэш-функция  $h$  должна объекты  $i$  и  $j$  различать.

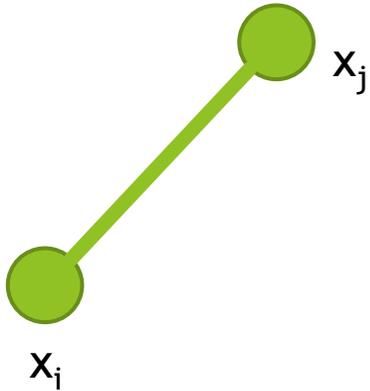
Задача обучения элементарной хэш-функции на выборке  $X$  сводится в таком случае к задаче минимизации суммарного *критерия парной разделимости выборки*:

$$J(r, h) = \sum_{i=1, \dots, N} \sum_{j=1, \dots, N} r_{ij} h_{ij} \rightarrow \min \{ h \in \mathbf{H} \},$$

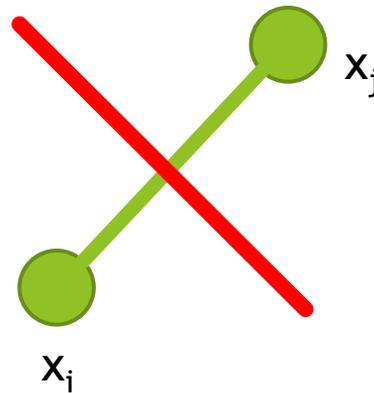
$\mathbf{H} = \{ h(\mathbf{w}, t, \mathbf{x}) = \text{sgn}(\sum_{k=1, \dots, m} w_k x_k + t) \}$ , класс *пороговых линейных разделителей*

# Элементарный кодер: обучение

1. Поиск случайной “чужой пары”:

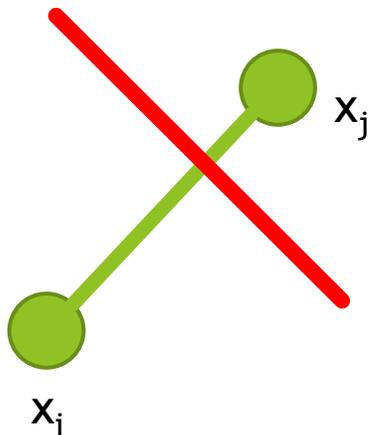


2. Выбор направления для гиперплоскости:



Направление гиперплоскости задается вектором  $\overrightarrow{(x_i, x_j)}$

3. Поиск оптимального смещения:

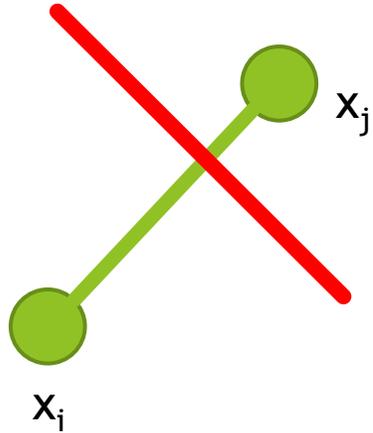


$$\mathbf{H} = \{h(\mathbf{w}, t, \mathbf{x}) = \text{sgn}(\sum_{k=1, \dots, m} w_k x_k + t)\},$$

Поиск оптимального смещения проводится путём минимизации функционала  $J(r, h)$  по  $t$  при фиксированных  $w_k$

# Элементарный кодер: обучение

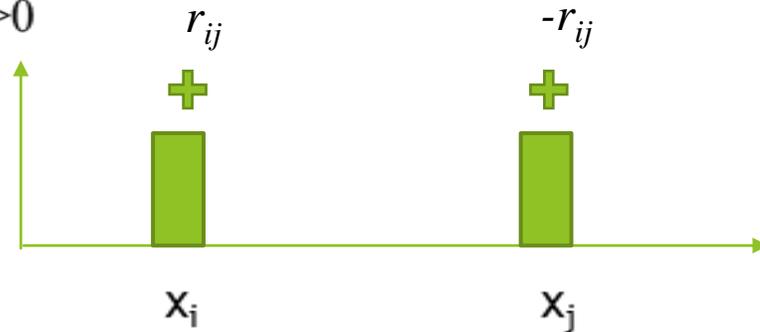
3. Поиск оптимального смещения:



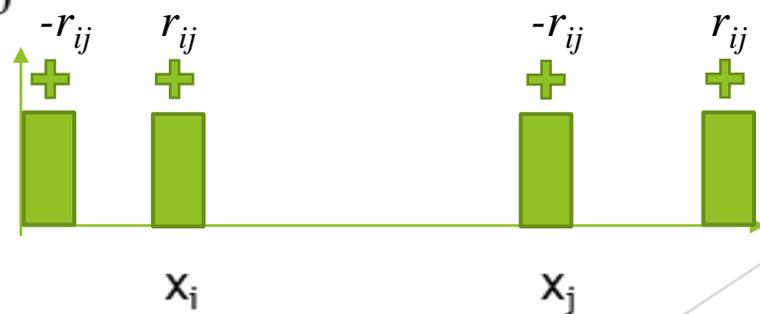
1. Вычисление проекций для каждого элемента  $x_i \in X$   
проекции на плоскость  $w$ :  $y_i = (w, x_i)$

2. Накопление гистограммы производных  $J(r, h)'_t$ :

1.  $r_{ij} > 0$



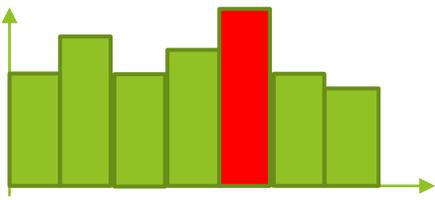
2.  $r_{ij} < 0$



3. Восстановление  $J(r, h)$ :

$$J(r, h) = \int J(r, h)'_t dt$$

4. Поиск оптимального смещения:



# Задача кодирования:

Пусть задан некоторый *критерий кодирования, основанный на парных расстояниях* (distance-based objective function):

$$\mathcal{J}(X, \mathbf{h}) = \mathcal{J}(\mathbf{h}(\mathbf{x}) \in \mathbf{H}, \{d_{ij} = \|\mathbf{x}_i - \mathbf{x}_j\|_2, \mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j \in X\}_{i,j=1,\dots,N}, \{h_{ij} = \|\mathbf{h}(\mathbf{x}_i) - \mathbf{h}(\mathbf{x}_j)\|_1, \mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j \in X\}_{i,j=1,\dots,N}) = \\ = \mathcal{J}_{\mathbf{H},n}(D_X = \{d_{ij}\}_{i,j=1,\dots,N}, D_H = \{h_{ij}\}_{i,j=1,\dots,N}) \rightarrow \min(D_H = \{h_{ij}\}_{i,j=1,\dots,N}).$$

Смысл данного выражения в том, что искомая  $n$ -битная хэш-функция  $\mathbf{h}(\mathbf{x})$ , состоящая из однобитных хэш-функций заданного класса  $\mathbf{H}$ , формируется при обучении на выборке  $X$  таким образом, что в процессе обучения:

- в качестве входной информации используются не конкретные значения векторов признаков  $\mathbf{x}$ , а парные расстояния между ними  $d_{ij}$ ;
- в качестве целевых переменных контролируются не конкретные значения получаемых кодов  $\mathbf{h}(\mathbf{x})$ , а парные расстояния Хэмминга между кодами  $h_{ij}$ .

# Задача кодирования:

(Базовый алгоритм **SDC**)

Входные данные:  $D_X, \mathcal{J}_{\mathbf{H},n}(D_X, D_H)$ .

Выходные данные:  $\mathbf{h}^{(n)}(\mathbf{x}): \mathbf{x} \in R^m \rightarrow \mathbf{y} \in \{+1, -1\}^n, \mathbf{h}(\mathbf{x}) \in \mathbf{H}$ .

Инициализация:

Шаг 0.  $k:=0; \mathbf{h}^{(k)} := ()$ .

Итеративное повторение шагов:

$k:=k+1;$

Шаг 1. Формирование матрицы весов функции управления парной разделимостью:

Для всех  $i=1, \dots, N, j=1, \dots, N$ :

$$r^{(k-1)}_{ij} := \partial \mathcal{J}_{\mathbf{H},n}(D_X, D_H) / \partial h_{ij} |_{h_{ij} = \|\mathbf{h}^{(k-1)}(\mathbf{x}_i) - \mathbf{h}^{(k-1)}(\mathbf{x}_j)\|_1};$$

// численное значение частной производной  $\mathcal{J}_{\mathbf{H},n}$  по  $h_{ij}$  на текущей  $k$ -й итерации

Шаг 2. Обучение  $k$ -го однобитового кодера.

Шаг 3. Добавление  $k$ -го однобитового кодера:

$$\mathbf{h}^{(k)}(\mathbf{x}) := (\mathbf{h}^{(k-1)}(\mathbf{x}), h^{(k)}(\mathbf{x}));$$

пока  $k < n$ .

# Обучение на основе критерия межклассовых и внутриклассовых расстояний (верификация)

«Идеальное» (желаемое) расстояние, которого хотелось бы добиться при  $k$ -битном кодировании:

$$g_{ij}^{(k)} = \begin{cases} 0, & \text{если } \text{class}(\mathbf{x}_i) = \text{class}(\mathbf{x}_j); \\ k - & \text{в противном случае} \end{cases}.$$

С учетом этого *целевой дистанционный критерий для задач обучения с учителем* может быть сформирован следующим образом:

$$J_{H,n}(D_G, D_H) = \sum_{i=1, \dots, N} \sum_{j=1, \dots, N} v_{ij} (h_{ij} - g_{ij})^2 \rightarrow \min(D_H = \{h_{ij}\}_{i,j=1, \dots, N}).$$
$$v_{ij} = a s_{ij} + b (1 - s_{ij}), \quad a \geq b \geq 0.$$

Введём нормированные (*удельные*) расстояния Хэмминга для  $k$ -битных ключей:

$$\hat{h}_{i,j}^{(k)} = h_{i,j}^k / k$$

$$J_{H,n}(D_G, D_H) = \sum_{i=1, \dots, N} \sum_{j=1, \dots, N} v_{ij} (\hat{h}_{i,j} - \hat{g}_{i,j})^2 \rightarrow \min(D_H = \{h_{ij}\}_{i,j=1, \dots, N}),$$

$$\hat{g}_{i,j} = \begin{cases} 0, & \text{если } \text{class}(\mathbf{x}_i) = \text{class}(\mathbf{x}_j); \\ 1 - & \text{в противном случае} \end{cases}.$$

## Обучение на основе критерия межклассовых и внутриклассовых расстояний (верификация)

Ускорение процесса обучения:

- обнулять  $r_{ij}^{(k)}$  для всех «своих» пар, в которых расстояние Хэмминга  $h_{ij}^{(k-1)}$  на предыдущем шаге больше среднего по всем «своим» парам;
- обнулять  $r_{ij}^{(k)}$  для всех «чужих» пар, в которых расстояние Хэмминга  $h_{ij}^{(k-1)}$  на предыдущем шаге меньше среднего по всем «чужим» парам.
- обнулять  $r_{ij}^{(k)}$  для всех «чужих» пар, в которых расстояние Хэмминга  $h_{ij}^{(k-1)}$  на предыдущем шаге больше чем  $3 \text{ СКО} + \text{МО}$  для своих пар.

Так мы на каждом шаге итерации усиливаем давление на те пары, которые отличаются от остальных в нежелательную сторону (т.е. подгоняем отстающих, не трогая лидеров).

# Обучение на основе критерия правильной идентификации

Назовем *рядом кандидатов* (или *последовательностью выдачи*) для запроса  $\mathbf{x}_i \in X$  на основе хеш-функции  $\mathbf{h}$  последовательность

$$\mathbf{p}(\mathbf{x}_i, \mathbf{h}) = (\mathbf{p}_1(\mathbf{x}_i, \mathbf{h}), \dots, \mathbf{p}_{N-1}(\mathbf{x}_i, \mathbf{h})): \forall j \in \{1, \dots, N-1\} \mathbf{p}_j(\mathbf{x}_i, \mathbf{h}) = \mathbf{x}_j \in X, \mathbf{x}_j \neq \mathbf{x}_i, \\ \forall j \in \{1, \dots, N-2\} h_{i,j} \leq h_{i,j+1}, h_{i,j} = \|\mathbf{h}(\mathbf{x}_i) - \mathbf{h}(\mathbf{x}_j)\|_1.$$

Обозначим через  $I_{\mathbf{h}}(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$  номер (*индекс* или *ранг*) объекта  $\mathbf{x}_j$  в последовательности выдачи  $\mathbf{p}(\mathbf{x}_i, \mathbf{h})$ . Очевидно, что в случае идеального хеш-кода

$$\forall \mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j, \mathbf{x}_k \in X, \text{class}(\mathbf{x}_i) = \text{class}(\mathbf{x}_j) \neq \text{class}(\mathbf{x}_k): h_{i,j} < h_{i,k} \Leftrightarrow I_{\mathbf{h}}(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) < I_{\mathbf{h}}(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_k).$$

Отклонение от такого идеального порядка мы будем штрафовать.

Для этого введем функции

$$\sigma_i(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_k) = \{-1, \text{ если } h_{i,j} < h_{i,k}; // \text{ первая точка ближе второй} \\ 1, \text{ если } h_{i,j} \geq h_{i,k} // \text{ вторая точка ближе первой}\},$$

и

$$\tau_i(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_k) = \{0, \text{ если } \text{class}(\mathbf{x}_i) = \text{class}(\mathbf{x}_j) = \text{class}(\mathbf{x}_k); // \text{ обе точки «свои»} \\ 0, \text{ если } \text{class}(\mathbf{x}_i) \neq \text{class}(\mathbf{x}_j), \text{class}(\mathbf{x}_i) \neq \text{class}(\mathbf{x}_k); // \text{ обе точки «чужие»} \\ 1, \text{ если } \text{class}(\mathbf{x}_i) = \text{class}(\mathbf{x}_j) \neq \text{class}(\mathbf{x}_k); // \text{ первая «своя», вторая «чужая»} \\ -1, \text{ если } \text{class}(\mathbf{x}_i) = \text{class}(\mathbf{x}_k) \neq \text{class}(\mathbf{x}_j); // \text{ вторая «своя», первая «чужая»}\},$$

*целевой критерий на основе порядка выдачи кандидатов для задач обучения с учителем:*

$$J_{\text{Sort}}(D_G, D_H) = \sum_{i=1, \dots, N} \sum_{j=1, \dots, N} \sum_{k=1, \dots, N} \sigma_i(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_k) \tau_i(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_k) \rightarrow \min(D_H = \{h_{ij}\}_{i,j=1, \dots, N}).$$

# Обучение на основе критерия правильной идентификации

эталон



ряд кандидатов



рассматривать



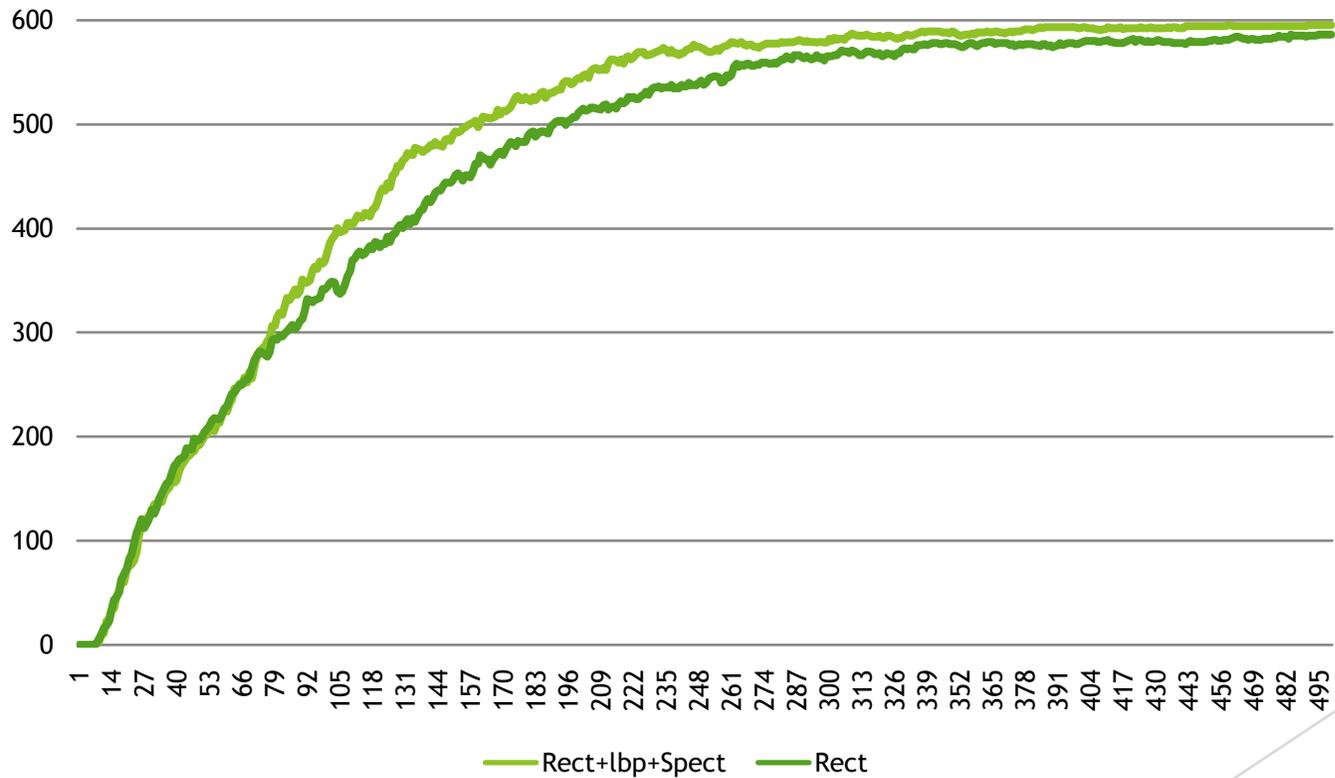
не рассматривать/  
ослаблять

# Результаты экспериментов: отбор признаков

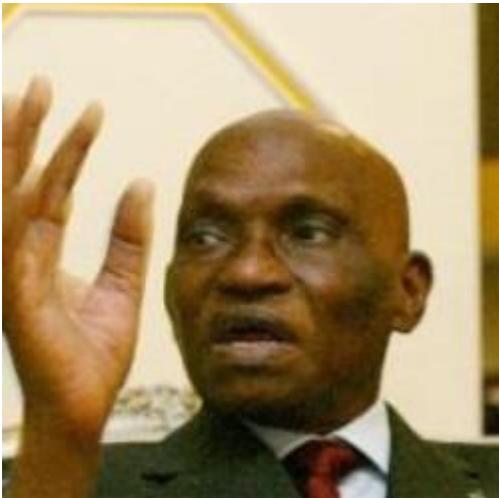
База FERET 600 изображений



Rank1



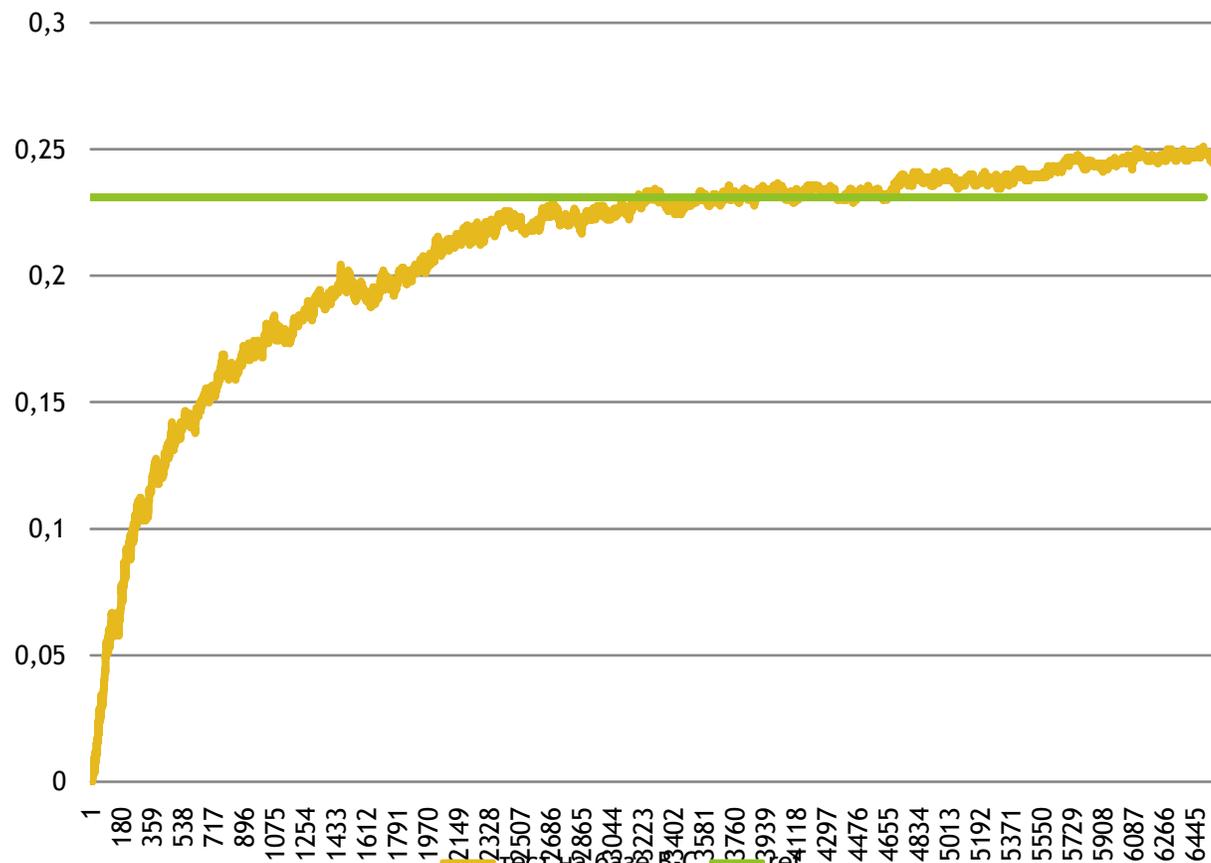
# База lfw



# Результаты экспериментов: по базе lfw

Дескриптор lbp[1] размерность 180000 бит Image-Restricted, No Outside Data

Rank1

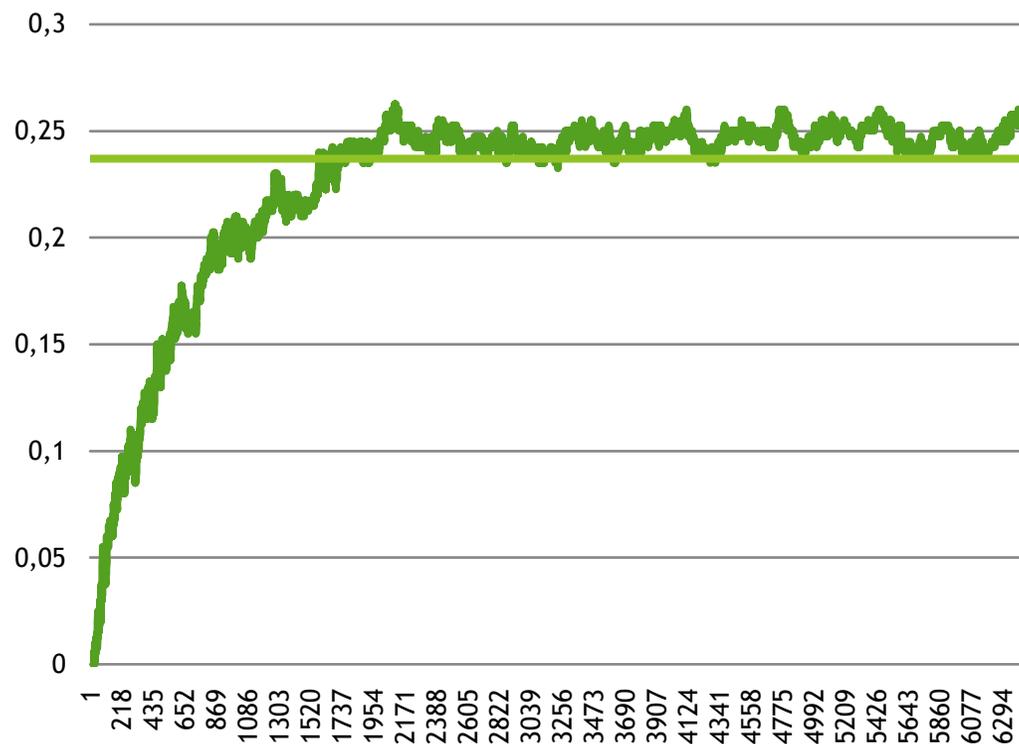


[1] Bayesian Face Revisited: A Joint Formulation ECCV'12

# Результаты экспериментов: по базе lfw

Дескриптор  $le[1]$  размерность 663552 бит Image-Restricted, No Outside Data

Rank1



# Результаты экспериментов: по базе lfw

Дескриптор DeepID для сети:

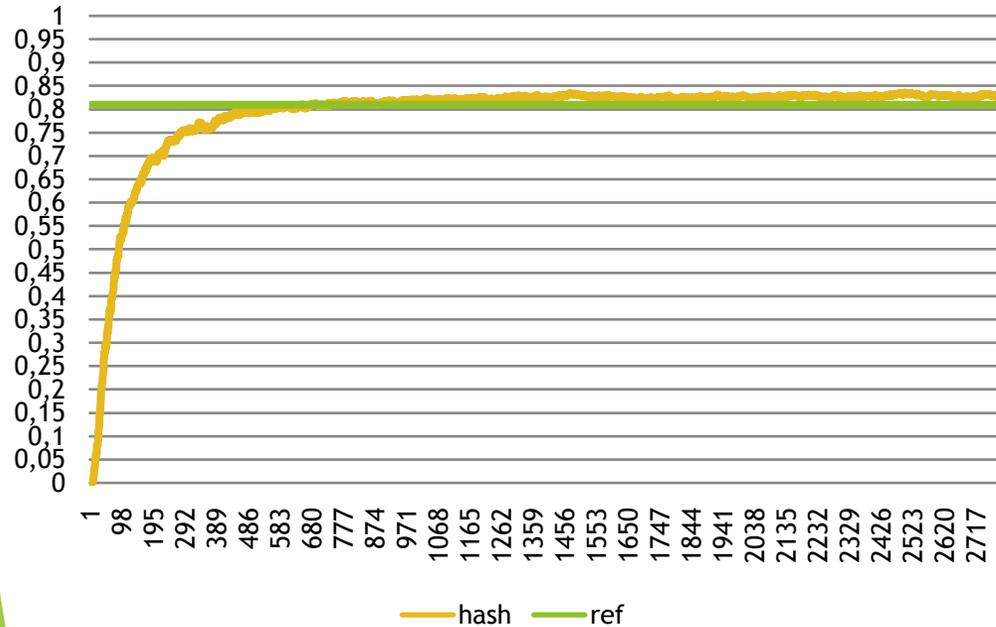
Конв. слоев 5

Пулинг 3

Размерность вектора признаков 16384 бит



Rank1



Rank1

Net: 0.81

Hash: 0.84

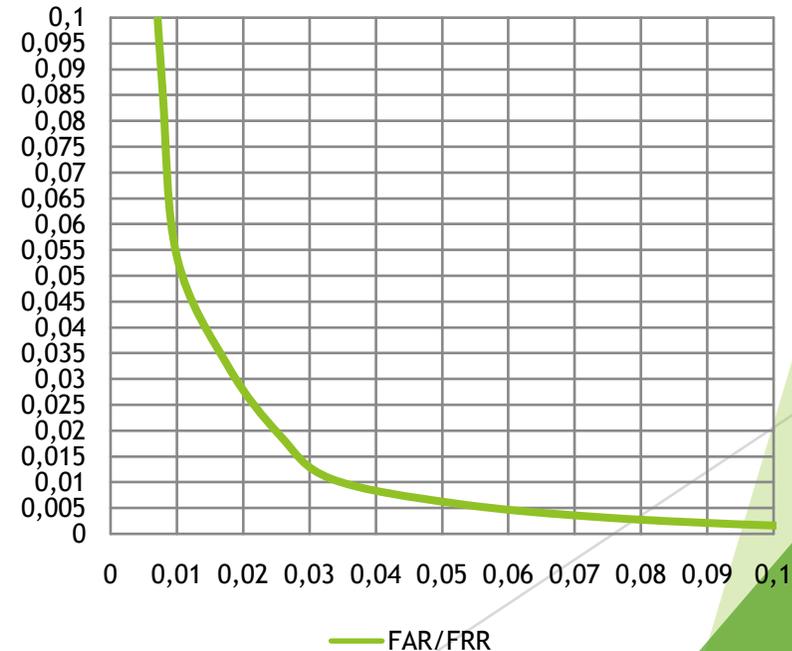
EER

Net: 0.97

Hash: 0.981

DeepID: 0.975

Baidu: 0.997



# Выводы:

- + Позволяет строить крайне компактные бинарные описания.
- + Может работать практически с любыми пространствами признаков.
- + Позволяет строить бинарные описания с использованием различных признаков различной природы.

*Спасибо за внимание*